

phuong 3

WORD COUNT

4145

TIME SUBMITTED

16-JUL-2025 02:07PM

PAPER ID

117256748

Ứng dụng GeoGebra trong giáo dục Toán hiện đại: Minh họa định nghĩa Tích phân lớp 12

32

TÓM TẮT

Bài báo trình bày nghiên cứu về việc ứng dụng phần mềm GeoGebra trong giáo dục toán học hiện đại, đặc biệt là nội dung tích phân xác định trong chương trình toán lớp 12. GeoGebra được khai thác như một công cụ trực quan hóa mạnh mẽ, giúp học sinh chủ động khám phá, kiến tạo tri thức và phát triển tư duy toán học. Trên cơ sở lý thuyết tích phân và định hướng kiến tạo, nghiên cứu tác giả đề xuất cách thức sử dụng GeoGebra trong dạy học định nghĩa tích phân, cụ thể sử dụng GeoGebra hỗ trợ thiết kế hoạt động học tập gồm khởi động và hình thành kiến thức. Kết quả cho thấy GeoGebra là công cụ sư phạm hiệu quả, góp phần đổi mới phương pháp tiếp cận toán học theo hướng phát triển năng lực. Bài báo đồng thời mở ra cơ hội mở rộng ứng dụng GeoGebra vào các chủ đề toán học khác, góp phần thúc đẩy chuyển đổi số trong giáo dục phổ thông.

Từ khóa: Giáo dục Toán hiện đại, GeoGebra, Định nghĩa Tích phân.

Applying GeoGebra in modern Mathematics education: illustrating the definition of the definite Integral in grade 12

The article presents a study on the application of GeoGebra software in modern mathematics education, with a particular focus on the definite integral content in the Grade 12 mathematics curriculum. GeoGebra is utilized as a powerful visualization tool that supports students in actively exploring, constructing knowledge, and developing mathematical thinking. Based on integral theory and a constructivist approach, the authors propose a method for using GeoGebra in teaching the definition of integrals, specifically by integrating GeoGebra into the design of learning activities such as warm-up tasks and knowledge formation. The results demonstrate that GeoGebra is an effective pedagogical tool, contributing to the innovation of mathematics teaching methods towards competency-based approaches. The article also highlights the potential for expanding the use of GeoGebra to other mathematical topics, thereby promoting digital transformation in general education.

Keywords: *Modern mathematics education, GeoGebra, Definition of the definite integral*

2. ĐẶT VẤN ĐỀ

Trong xu hướng giáo dục hiện đại, việc dạy học (DH) môn Toán không chỉ nhằm cung cấp kiến thức mà còn chú trọng thúc đẩy tư duy logic, khả năng phát hiện vấn đề và vận dụng kỹ năng, kỹ thuật vào thực tế. Công nghệ, với các nền tảng như một công cụ hỗ trợ hiệu quả, đang đóng vai trò quan trọng trong việc thúc đẩy quá trình đổi mới phương pháp giảng dạy (PPGD). Nhờ đó, người học không chỉ tiếp thu kiến thức một cách hiệu quả hơn mà còn tăng cường tính chủ động, năng lực sáng tạo và tinh thần tích cực trong suốt quá trình học tập. Thông qua việc tích hợp các công cụ số, giáo viên có thể tạo ra một môi trường học tập mang tính trải nghiệm, nơi học sinh được tham gia vào các hoạt động học tập tự do, khơi gợi động lực, khuyến khích nghiên cứu, hình thành và khái quát hóa kiến thức. Từ đó, các em có thể tự xây dựng tri thức mới, phát triển năng lực sử dụng phương tiện công nghệ để học Toán, hình thành kỹ năng và năng lực tự tin trong học tập.^{1,2} Do đó, việc tích hợp công nghệ vào quá trình giảng dạy và học tập đã trở thành một yếu tố không thể thiếu để đổi mới nền giáo dục.³

GeoGebra là một nền tảng phần mềm mã nguồn
có tính mở, tích hợp các lĩnh vực như hình học,
đại số và giải tích, mang đến một công cụ trực
quan, thân thiện với người dùng. Nhờ tính linh
hoạt và hiệu quả trong hỗ trợ giảng dạy,
GeoGebra ngày càng được ứng dụng rộng rãi
trong môi trường PPGD các chủ đề của môn
Toán. Các công trình nghiên cứu gần đây đều cho
thấy GeoGebra giúp tăng cường khả năng tư duy
trực quan, tạo cơ hội cho học sinh khám phá và
tương tác với các đối tượng toán học một cách
linh hoạt, thuận tiện thực hiện các phép tính, dễ
dàng hình dung các khái niệm trừu tượng và áp

dụng kiến thức để giải bài toán một cách hiệu quả.⁵

Trong chương trình Toán lớp 12, **10** phần là một nội dung trọng tâm nhưng khó đối với học sinh. Việc giúp học sinh tiếp cận khái niệm tích phân thông qua mối liên quan giữa giới hạn và diện tích hình phẳng thường không dễ dàng, bởi đây là kiến thức mang tính trừu tượng và khó biểu diễn trực quan. Điều này khiến **72** quá trình tiếp thu kiến thức trở nên thách thức **39** đối với nhiều HS, đặc biệt là trong trường hợp không có sự hỗ trợ từ các công cụ giúp trực quan hóa. Cách tiếp cận truyền thống trong giảng dạy Toán, vốn đơn thuần chỉ đưa ra công thức và định nghĩa một cách khô khan đang dần trở nên không đáp ứng được nhu cầu học tập đa dạng như ngày nay. Do đó, việc sử dụng hình ảnh minh họa và công cụ trực quan để giúp học sinh dễ dàng quan sát, khám phá và tiếp cận các định nghĩa toán học một cách rõ ràng và sinh động hơn là vô cùng cần thiết.

3. **Quát phát từ những** cơ sở đã trình bày, bài viết này tập trung vào hai mục tiêu chính:

(1) Làm rõ vai trò của phần mềm GeoGebra trong giáo dục Toán học hiện đại, với trọng tâm là đổi mới PPGD theo hướng trực quan hóa và khơi gợi tư duy sáng tạo cho HS:

(2) Minh họa cách ứng dụng GeoGebra vào việc thiết kế hoạt động DH khái niệm tích phân thuộc chương trình Toán lớp 12, nhằm nâng cao khả năng tiếp thu kiến thức và tạo động lực học tập tích cực cho HS.

2. NỘI DUNG

2.1. Vai trò của GeoGebra trong giáo dục Toán hiện đại

4

Tham khảo Nghị quyết số 29-NQ/TW⁶ về đổi mới căn bản, toàn diện giáo dục và đào tạo, [21] Quyết định số 1705/QĐ-TTg⁷ phê duyệt Chiến lược phát triển giáo dục giai đoạn 2021–2030, tầm nhìn đến năm 2045, cũng như các báo cáo quốc tế của OECD⁸ và UN¹⁰.⁹ và có thể nhận thấy rằng giáo dục hiện đại được hiểu là một quá trình DH mà người học được [31] làm trung tâm, hướng đến việc xây dựng và phát triển năng lực cá nhân một cách toàn diện, đề cao vai trò của tư duy phân biện, khả năng giải quyết và phát hiện vấn đề [2] có khả năng thích ứng linh hoạt với thay đổi, ứng dụng công nghệ và tính cá nhân hóa trong học tập. Theo UNESCO (2015)⁹, “giáo dục hiện đại cần trang bị cho người học có đủ kĩ năng thiết yếu để thích ứng và đóng góp tích cực trong thế giới không ngừng thay đổi của thế kỷ 21”. [2] Điều này đồng nghĩa với việc DH không phải là truyền đạt kiến thức một chiều, mà cần tạo ra một môi trường học tập nơi HS được khuyến khích khám phá, chủ động tìm tòi, suy nghĩ sáng tạo và áp dụng kiến thức vào những tình huống thực tế.

Cùng với bối cảnh đó, giáo dục [36] toán học hiện đại cũng chuyển mình mạnh mẽ theo hướng phát triển năng lực toàn diện cho người học. Toán học không còn đơn thuần là môn học về tính toán hay chứng minh [62] hình thức, mà cũng là phương pháp [13] thiết yếu để phát triển năng lực mô hình hóa, tư duy logic, khả năng [16] liên kết ý tưởng toán học và nhất là khả năng ứng dụng kiến thức vào giải quyết các [14] tình huống thực tiễn. Bên cạnh đó, Toán học còn đóng vai trò cốt lõi trong sự phát triển của các lĩnh vực công nghệ cao như kỹ thuật và tài chính, trí tuệ nhân tạo, ...

Một đặc trưng nổi bật của giáo dục Toán [69] hiện đại là khai thác và đưa công nghệ số vào môi trường học tập và giảng dạy, nhằm tăng cường + *Vẽ đồ thị của hàm số và tô màu diện tích miền giới hạn bởi các đường cong*: HS có thể dễ dàng nhập hàm số và quan sát đồ thị xuất hiện trên màn

33

Ví dụ 1. Cho ba hàm số $f(x) = x^2 + 2x - 3$; $g(x) = x + 3$; $h(x) = -x - \frac{2}{3}$.

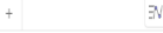
3

a) Vẽ đồ thị của 3 hàm số $f(x)$, $g(x)$, $h(x)$. Hãy xác định điểm giao của các cặp đồ thị hàm số $f(x)$ và $g(x)$, $f(x)$ và $h(x)$.

34

b) Tính diện tích đa giác được tạo thành từ các điểm giao ở trên (làm tròn kết quả đến hai chữ số sau dấu phẩy).

Các bước vẽ đồ thị và kiểm tra kết quả bằng GeoGebra như sau:

Bước 1. Nhập lần lượt các hàm $x^2 + 2x - 3$, $x + 3$ và $-x - \frac{2}{3}$ vào thanh nhập lệnh , ta được đồ thị hàm số $f(x)$, $g(x)$ và $h(x)$ xuất hiện trên màn hình.

tính trực quan, tương tác và hiệu quả. Trong số các công cụ hỗ trợ, GeoGebra nổi lên như một phần mềm đa năng, mã nguồn mở, kết hợp hình học, đại số, bảng tính và đồ thị [52] nhờ khả năng mô phỏng động, GeoGebra giúp trực quan hóa các khái niệm toán học- một môn học khó tiếp cận bởi tính trừu tượng, hỗ trợ bài giảng toán học một cách sinh động, dễ hiểu, đồng thời giúp HS nâng cao kỹ năng phân tích, quan sát và khái quát hóa.

Việc ứng dụng phần mềm GeoGebra vào quá trình [2] giảng dạy môn Toán không chỉ góp phần đổi mới cách thức truyền đạt kiến thức của GV mà còn khơi gợi sự hứng thú, sáng tạo, chủ động tìm hiểu của HS, góp phần hiện thực hóa mục tiêu đổi mới giáo dục. HS được tạo điều kiện trực tiếp khám phá các yếu tố hình học và đại số, kiểm nghiệm giả thiết [6] đặt, theo dõi sự biến đổi tức thời của đối tượng, từ đó hình thành và phát triển năng lực suy luận quy nạp, diễn giải và tư duy có hệ thống. Đồng thời, GeoGebra còn giúp tạo ra [2] tình huống học tập phong phú và linh hoạt, phù hợp nhiều trình độ và cách tiếp cận học tập khác nhau của mỗi HS.

2

Tóm lại, GeoGebra không chỉ là công cụ hỗ trợ kỹ thuật số, mà còn là một phương tiện tư duy và PPGD hiện đại, góp phần cải thiện [43] cách thức tổ chức các HĐ học tập môn Toán, phát triển phẩm chất và năng lực người học, tăng cường khả năng trực quan hóa kiến thức và cải thiện chất lượng DH trong bối cảnh chuyển đổi số.

7

2.2. Cách sử dụng GeoGebra trong dạy học nội dung tích phân

50

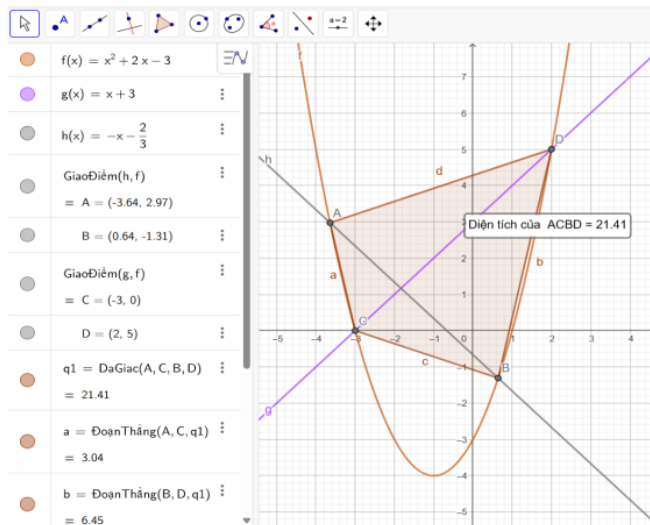
Trong DH tích phân, GeoGebra có thể được sử dụng theo nhiều cách như:

hình; Sử dụng thêm công cụ [3] xác định và tô màu miền đa giác, công cụ tính diện tích miền đa giác để tính diện tích của các hình phẳng.

Bước 2. Chọn  => Chọn  Giao điểm của 2 đối tượng => Nháy chuột vào các cặp đồ thị m  tìm giao điểm, ta được giao điểm của đồ thị hàm số f và h là $A = (-3.64, 2.97)$ và $B = (0.64, -1.31)$; giao điểm của đồ thị hàm số g và f là $C = (-3, 0)$ và $D = (2, 5)$.

Bước 3. Chọn  => Chọn  Đa giác => Nháy chuột lần lượt vào các giao điểm để tạo đa giác ACBD.

Bước 4. Chọn  => Chọn  Diện tích => Nháy chuột vào đa giác vừa tạo ta được diện tích đa giác ACBD xấp xỉ khoảng 21.41.



Hình 1. Minh họa Ví dụ 1 trên GeoGebra ở chế độ Graphing

+ **Sử dụng thanh trượt (Slider)**: Tạo các biến động giới hạn tích phân để HS theo dõi sự thay đổi của diện tích theo từng đoạn. Hoặc:

+ **Tính giá trị tích phân**: Phần mềm hỗ trợ tính tự động và so sánh với kết quả HS tính tay.

Ví dụ 2. Giả sử $f(x) = x^3 - 2x + 2$ một hàm không âm, liên tục trên $[1; 4]$. Hãy tính diện tích phần hình thang cong giới hạn bởi đồ thị hàm số $f(x)$, trục Ox và hai đường thẳng $x = a$, $x = b$ trong mỗi trường hợp dưới đây:

Tên
a = 1

☒ Số ☐ Góc ☐ Số nguyên

Khoảng	Thanh trượt	Hiệu ứng
Cực tiểu -5	Cực đại 5	Số gia 0.1

a) $a = -1$, $b = 1$; b) $a = -0,4$, $b = 2,2$.

Các bước vẽ hình thang cong và kiểm tra kết quả bằng GeoGebra như sau:

Bước 1. Nhập lệnh: $x^3 - 2x + 2$, ta được hàm f .

Bước 2. Tạo thanh trượt cho hai biến số a , b :

 Chọn  Thanh trượt => Nhấp vào vị trí bất kỳ trên giao diện làm việc, điền các thông số của các biến a , b như sau.

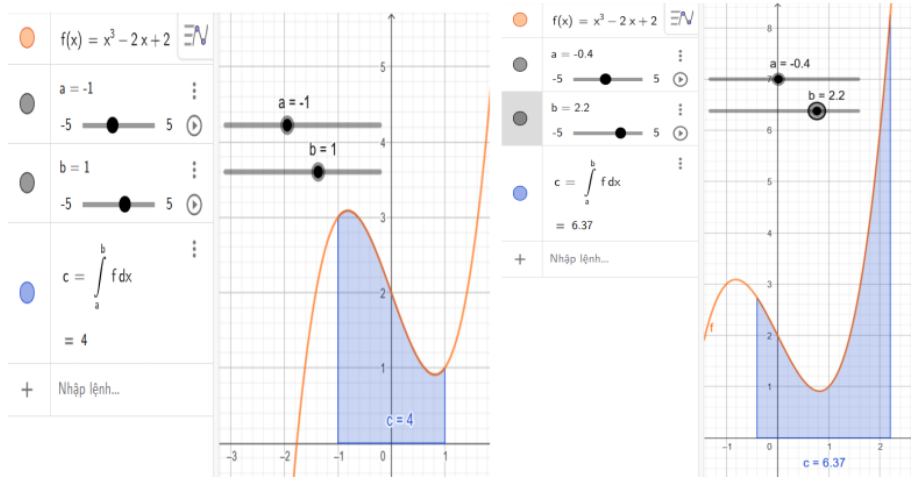
Tên
b = 1

☒ Số ☐ Góc ☐ Số nguyên

Khoảng	Thanh trượt	Hiệu ứng
Cực tiểu -5	Cực đại 5	Số gia 0.1

Bước 3. Nhập lệnh: **TíchPhân (f,a,b)** hoặc **TíchPhânXácĐịnh (f,a,b)**

Bước 4. Kéo thanh trượt a, b ứng với giá trị mà đề bài yêu cầu ta được sự thay đổi như sau



Hình 2. Minh họa Ví dụ 2 trên GeoGebra ở chế độ Graphing

Bước 5. So sánh kết quả tính bằng máy tính Casio của học sinh với kết quả tính bằng GeoGebra, kết luận

$$\int_{-1}^1 f(x)dx = 4 \quad \text{và} \quad \int_{-0.4}^{2.2} f(x)dx = 6.37.$$

2.3. Minh họa sử dụng GeoGebra hỗ trợ xây dựng các hoạt động khởi động và hình thành định nghĩa tích phân xác định

2.3.1. Hoạt động khởi động

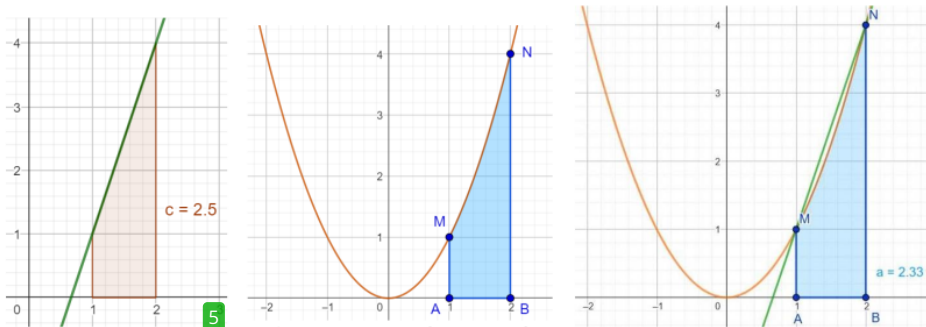
Bài toán 1.

a) Cho hàm số $y = 3x - 2$, gọi đồ thị là (d). Hãy viết công thức và tính diện tích hình (H) giới hạn bởi đồ thị (d), trục Ox và các đường thẳng $x = 1, x = 2$.

Với một số có đồ thị là đường cong PP, hãy xác định diện tích phần hình phẳng nằm giữa đồ thị, trục hoành và hai đường thẳng. Gọi phần này

là hình thang cong AMNBAMNB. Diện tích của nó có thể so sánh với diện tích ở phần a không? Nếu không thể tính trực tiếp, hãy dùng GeoGebra để ước lượng.

b) Cho hàm số $y = f(x) = x^2$, gọi đồ thị là (P). Hãy xác định hình (D) giới hạn bởi (P), trục Ox và các đường $x = 1, x = 2$. Giả sử đặt tên hình phẳng này là AMNB. Hình phẳng này được gọi là hình thang cong AMNB. Có thể so sánh diện tích hình thang cong AMNB với diện tích hình phẳng (H) ở câu a không? Nếu không dùng GeoGebra để dự đoán diện tích hình thang cong AMNB thì làm thế nào tính diện tích hình thang cong AMNB?



Hình 3. Hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số $f(x)$, trục Ox và $x=a$, $x=b$ (câu a, câu b)

GV tổ chức cho HS giải quyết Bài toán 11 trên: Trước tiên, GV yêu cầu HS ôn lại cách vẽ đồ thị hàm số bậc hai và bậc nhất, sau đó GV chỉ dẫn HS cách xác định hình (H) và hình $AMNB$ bằng công cụ GeoGebra. Dựa vào tính trực quan của hình phẳng được GV biểu diễn trên màn hình, HS sử dụng thêm công thức diện tích của hình thang để tính diện tích hình ở câu a). Tuy nhiên, đối với câu b), dựa vào tính trực quan HS cũng so sánh được diện tích hình phẳng ở câu a) sẽ lớn hơn diện tích hình phẳng ở câu b), nhưng các em sẽ không biết sử dụng công thức nào để tính diện tích hình thang cong này. Từ đó, GV đặt câu hỏi và dẫn nhập vào bài: Làm thế nào để tính diện tích hình $AMNB$? Đáp án nằm ở kiến thức về tích phân. Trong buổi học hôm nay, chúng ta sẽ cùng khám phá khái niệm “Tích phân”.

2.3.2. Thiết kế hoạt động hình thành kiến thức

Dựa vào kết quả của HĐ khởi động, HS đã dự đoán được diện tích hình thang cong $AMNB$ nhỏ hơn và gần bằng diện tích hình phẳng (H). Tuy nhiên để tính chính xác diện tích hình thang cong này là điều chưa thể với các kiến thức mà HS đã được học. Do đó, GV tiếp tục gợi ý và hướng dẫn HS giải quyết câu b) trong bài toán nêu trên với ý tưởng thực hiện chia nhỏ hình thang cong $AMNB$ thành các hình chữ nhật và tính tổng các hình chữ nhật đó. Cụ thể, GV tổ chức thực hiện như sau:

+ Chia lớp thành hai nhóm, và các nhóm trả lời các câu hỏi sau (HS được phép sử dụng GeoGebra để hỗ trợ tìm kết quả).

1. Chia đoạn $[1; 2]$ thành n phần bằng nhau với các điểm chia:

$$x_0 = 1, x_1 = 1 + \frac{1}{n}, x_2 = 1 + \frac{2}{n}, \dots,$$

$$x_{n-1} = 1 + \frac{n-1}{n}, x_n = 1 + \frac{n}{n} = 2.$$

Câu hỏi 1. (Nhóm 1)

Gọi T_{n-1} là diện tích hình chữ nhật dựng trên đoạn $[x_{n-1}; x_n]$ với chiều cao là $f(x_{n-1})$. Tức là:

+ T_0 là diện tích của hình chữ nhật dựng trên đoạn $[x_0; x_1]$ với chiều cao là $f(x_0)$.

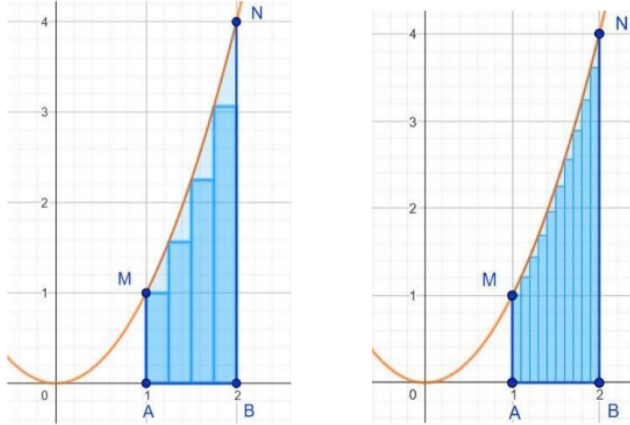
+ T_1 là diện tích của hình chữ nhật dựng trên đoạn $[x_1; x_2]$ với chiều cao là $f(x_1)$.

+ ...

a) Tính tổng diện tích n hình chữ nhật trong các trường hợp $n=4$ và $n=10$. Em có nhận xét gì về tổng diện tích của n hình chữ nhật này so với diện tích của hình thang cong $AMNB$?

b) Đặt $S_n = T_0 + T_1 + T_2 + \dots + T_{n-1}$. Tổng S_n này gọi là tổng tích phân dưới cấp n của hàm số $f(x) = x^2$ trên đoạn $[1; 2]$. Chứng minh rằng: $S_n = \frac{1}{n} [f(x_0) + f(x_1) + \dots + f(x_{n-1})]$.

c) Tính $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$. Theo định lý, giới hạn này có liên quan như thế nào đến diện tích của hình thang cong $AMNB$?



Hình 4. Hình thang cong được chia thành các hình chữ nhật (trường hợp $n=4$ và $n=10$)

Câu hỏi 2. (Nhóm 2)

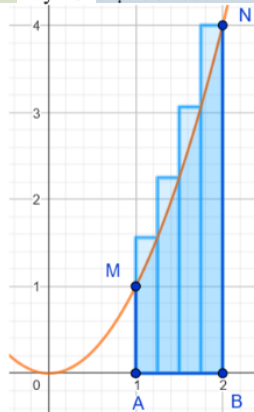
Gọi T_n là diện tích hình chữ nhật dựng trên đoạn $[x_{n-1}; x_n]$ với chiều cao là $f(x_n)$. Tức là:

+ T_1 là diện tích hình chữ nhật dựng trên đoạn $[x_0; x_1]$ với chiều cao là $f(x_1)$.

+ T_2 là diện tích hình chữ nhật dựng trên đoạn $[x_1; x_2]$ với chiều cao là $f(x_2)$.

+ ...

a) Tính tổng diện tích của n hình chữ nhật trong các trường hợp sau: $n = 4$, $n = 10$. Em có nhận xét gì về tổng diện tích này với diện tích của hình



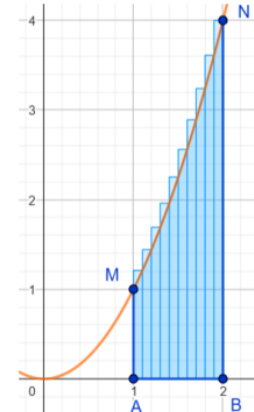
thang cong AMNB.

b) Tổng quát, với n tăng vô hạn, đặt $S'_n = T_1 + T_2 + \dots + T_n$. Tổng S'_n gọi là **tổng tích phân trên cấp n** của hàm số $f(x) = x^2$ trên đoạn $[1; 2]$. Chứng minh rằng:

$$S'_n = \frac{1}{n} [f(x_1) + f(x_2) + \dots + f(x_n)].$$

c) Tính $\lim_{n \rightarrow +\infty} S'_n$. Nhận xét về mối liên hệ giữa

diện tích hình thang cong AMNB với giá trị của $\lim_{n \rightarrow +\infty} S'_n$.



Hình 5. Hình thang cong được chia thành các hình chữ nhật (trường hợp $n=4$ và $n=10$)

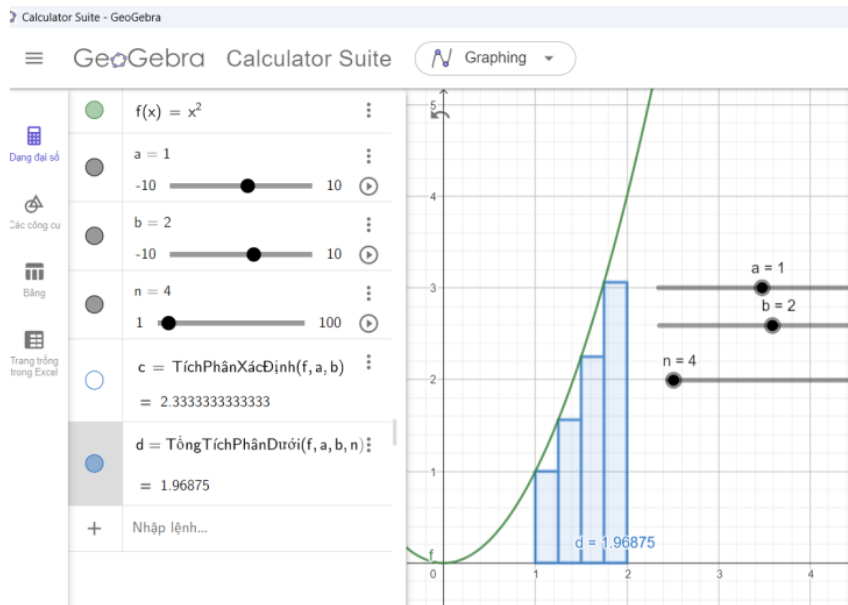
+ Hết thời gian làm việc nhóm, đại diện nhóm báo cáo sản phẩm. Sau đó, GV hướng dẫn cả lớp sử dụng các lệnh trong công cụ GeoGebra để tính tổng của n hình chữ nhật cho Câu hỏi 1 và Câu hỏi 2.

Nhập lệnh: **TổngTíchPhânDưới** (Hàm số, Giá trị đầu-x, Giá trị cuối-x, Số hình chữ nhật)

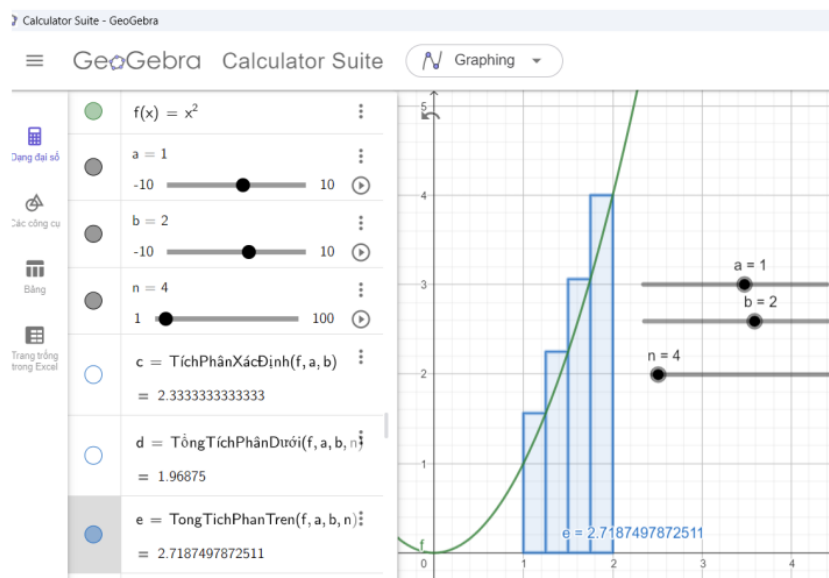
TổngTíchPhânTrên (Hàm số, Giá trị đầu-x, Giá trị cuối-x, Số hình chữ nhật)

Cụ thể nhập lệnh: TổngTíchPhânDưới (f,a,b,n);
 TổngTíchPhânTrên (f,a,b,n), thu được kết quả
 tổng diện tích các hình chữ nhật (xem Hình 6)

trong trường hợp $n=4$ xấp xỉ là 1,97, và tổng diện
 tích các hình chữ nhật (xem Hình 7) trong trường
 hợp $n=4$ là 2,72.



Hình 6. Tổng diện tích các hình chữ nhật (tổng tích phân dưới) trong trường hợp $n=4$



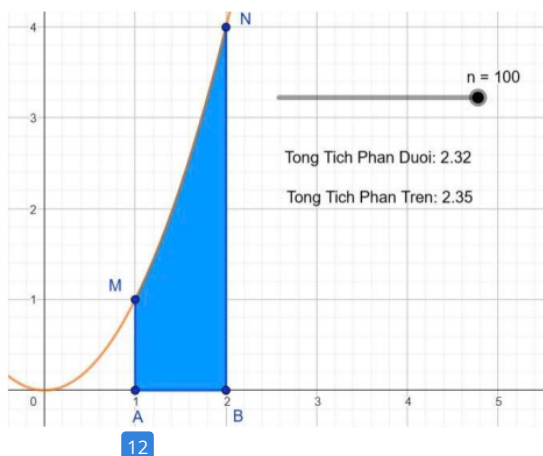
Hình 7. Tổng diện tích các hình chữ nhật (tổng tích phân trên) trong trường hợp $n=4$

Tương tự, xét trường hợp $n=10$, bằng trực quan
 (theo dõi trên màn hình ti vi), HS cũng đọc được

tổng diện tích các hình chữ nhật (tổng tích phân
 dưới) xấp xỉ bằng 2,2; tổng diện tích các hình chữ

nhật (tổng tích phân trên) xấp xỉ bằng 2,5. Tiếp tục GV cho HS đọc kết quả cho trường hợp

$n=100$, tổng tích phân dưới là 2,32, tổng tích phân trên là 2,35 (Xem Hình 8).



Hình 8. Kết quả tính tổng diện tích các hình chữ nhật trong trường hợp $n = 100$

Từ hình ảnh trực quan thông qua dùng phần mềm GeoGebra, học sinh dễ dàng nhận thấy rằng nếu chia và xây dựng các hình chữ nhật theo hình thức nào (tính theo tổng tích phân trên hay dưới) thì khi n ngày càng tăng, số lượng hình chữ nhật sẽ tăng lên và kết quả thu được là tổng tích phân trên sẽ xấp xỉ bằng tổng tích phân dưới, xấp xỉ bằng 2,3 đvdt (tính bằng công cụ GeoGebra).

HS được dẫn dắt giải quyết bài toán 1 thông qua chuỗi HĐ mang tính khám phá và định hướng, bước c8 các em đã tiếp cận được định nghĩa tích phân (liên quan đến tổng tích phân trên và tổng tích phân dưới). Để giúp HS tiếp tục hình thành định tích phân, HS được yêu cầu giải bài toán 2 theo hướng dẫn 18 GV.

Bài toán 2. Xét hàm số $y = f(x) = x^2$ liên tục, không âm trên $[1; 2]$.

- Tìm một nguyên hàm $F(x)$ của hàm số trên.
- Tính $F(2) - F(1)$? So sánh giá trị này với $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$? Từ đó, có kết luận gì về diện tích của hình thang cong AMNB?

Dưới hình thức 68 tập hợp tác, HS phối hợp làm việc theo cặp dưới sự giám sát và hỗ trợ từ GV, kết quả mong đợi nhận được là:

a) $F(x) = \frac{x^3}{3}$ là một nguyên hàm của $f(x)$;

b) $F(2) - F(1) = \frac{2^3}{3} - \frac{1^3}{3} = \frac{7}{3} \approx 2,3$.

Hơn nữa, $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{14n^2 + 1}{6n^2} = \frac{14}{6} = \frac{7}{3}$.

Do đó, $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = F(2) - F(1) = \frac{7}{3}$. Vậy diện tích

hình thang cong AMNB bằng $F(2) - F(1)$, với $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^2$ trên $[1; 2]$.

GV: Trong toán học, hiệu $F(2) - F(1)$ được gọi là tích phân từ 1 đến 2 của hàm số $f(x) = x^2$, và từ các HĐ trên, các em đã khám phá ra rằng tích phân không chỉ là một phép tính mà còn có vai trò trong việc xác định diện tích các hình phẳng có đường biên cong- một ứng dụng thiết yếu của tích phân trong toán học.

GV: Một cách tổng quát, tích phân từ a đến b của hàm số $y = f(x)$ được định nghĩa như thế nào?

Đáp án kỳ vọng từ phía HS: Cho $f(x)$ là hàm số liên tục trên đoạn $[a; b]$. Giả sử $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x)$ trên đoạn $[a; b]$. Hiệu số $F(b) - F(a)$ được gọi là tích phân từ a đến b của hàm số $f(x)$. Kí hiệu $\int_a^b f(x)dx$.

3. KẾT LUẬN

Trước yêu cầu đổi mới giáo dục theo hướng phát huy năng lực người học, việc ứng dụng công nghệ vào giảng dạy Toán hiện nay là thiết yếu, không chỉ phản ánh xu thế hiện đại mà còn góp phần nâng cao rõ rệt hiệu quả dạy và học. Bài báo đã làm rõ vai trò nổi bật của phần mềm GeoGebra trong DH Toán hiện đại, đặc biệt giúp hình dung

khái niệm trừu tượng như tích phân. Phần mềm 7y còn hỗ trợ GV xây dựng các HĐ học tập mang tính trực quan, sinh động và thúc đẩy sự tương tác chủ động từ phía HS.

Bằng cách khai thác các tính năng và cách sử dụng phần mềm GeoGebra 7y, bài báo đã đưa ra một hướng tiếp cận cụ thể trong việc tổ chức hoạt động DH định nghĩa tích phân ở lớp 12. Trọng tâm là xây dựng các HĐ khởi động và hình thành định nghĩa tích phân theo hướng trực quan, lô gic và gần gũi với thực tiễn.

Các minh họa được trình bày cho 67y tiềm năng của GeoGebra trong việc tạo lập 6 môi trường lớp học tích cực, hỗ trợ phát huy các thành tố của

năng lực toán học ở HS, trong đó có năng lực sử dụng công cụ và phương tiện toán học.

Từ những phân tích và 2 minh chứng đã nêu, có thể khẳng định rằng việc ứng dụng GeoGebra trong dạy học tích phân không chỉ giúp HS dễ dàng nắm bắt, hiểu 2 và hình thành được những định nghĩa phức tạp mà còn mở rộng cơ hội đổi mới phương thức tổ chức HĐDH theo hướng phát huy sự chủ 2ng, sáng tạo ở người học. Trong tương lai, việc tiếp tục nghiên cứu và mở rộng ứng dụng GeoGebra vào các chủ đề toán 49c khác sẽ là hướng nghiên cứu tiềm năng, góp phần tăng cường ứng dụng công nghệ số vào giáo dục và cải thiện chất lượng DH toán học tại các trường phổ thông.

36%

SIMILARITY INDEX

PRIMARY SOURCES

1	loigiaihay.com Internet	180 words — 4%
2	tusachkhoahocgiaoduc.avnuc.vn Internet	136 words — 3%
3	tailieu.vn Internet	94 words — 2%
4	doc.edu.vn Internet	82 words — 2%
5	hoctoanonline.vn Internet	81 words — 2%
6	c1nguyenbinhkiem.dongthap.edu.vn Internet	71 words — 2%
7	Hanoi National University of Education Publications	50 words — 1%
8	Hanoi Pedagogical University 2 Publications	42 words — 1%
9	www.thuvientailieu.vn Internet	42 words — 1%
10	Hanoi Pedagogical University 2 Publications	40 words — 1%
11	www.zbook.vn	

37 words — 1%

12 thuthuat.taimienphi.vn
Internet

33 words — 1%

13 thuviengiaoan.vn
Internet

29 words — 1%

14 www.timtailieu.vn
Internet

28 words — 1%

15 totbung.com
Internet

24 words — 1%

16 www.coursehero.com
Internet

24 words — 1%

17 [Ton Duc Thang University](http://TonDucThangUniversity.com)
Publications

20 words — < 1%

18 issuu.com
Internet

20 words — < 1%

19 123doc.org
Internet

18 words — < 1%

20 giaoan.co
Internet

18 words — < 1%

21 tapchigiaoduc.edu.vn
Internet

17 words — < 1%

22 kinhnghiemdayhoc.net
Internet

16 words — < 1%

23 vi.wikipedia.org
Internet

14 words — < 1%

24	Internet	14 words — < 1%
25	dl.icdst.org Internet	13 words — < 1%
26	pcilaocai.vn Internet	13 words — < 1%
27	tcn263.net Internet	13 words — < 1%
28	www.palmeiraslocomotives.com Internet	12 words — < 1%
29	dethikiemtra.com Internet	11 words — < 1%
30	dinhchithanh.com Internet	11 words — < 1%
31	ivyprep.edu.vn Internet	11 words — < 1%
32	lib.tlu.edu.vn Internet	11 words — < 1%
33	tailieu.tv Internet	11 words — < 1%
34	tcvn.info Internet	11 words — < 1%
35	trithuc.itrithuc.vn Internet	11 words — < 1%
36	ulis.vnu.edu.vn Internet	11 words — < 1%

37	Internet	11 words — < 1 %
38	diendan.kiemviecnhanh.vn Internet	10 words — < 1 %
39	gapit.com.vn Internet	10 words — < 1 %
40	kituaz.com Internet	10 words — < 1 %
41	metaisach.com Internet	10 words — < 1 %
42	myviewboard.com Internet	10 words — < 1 %
43	nguoimangnuoc.com Internet	10 words — < 1 %
44	thainguyen.edu.vn Internet	10 words — < 1 %
45	vietnamnet.vn Internet	10 words — < 1 %
46	www.scribd.com Internet	10 words — < 1 %
47	www.slideshare.net Internet	10 words — < 1 %
48	www.toancanhvietnam.vn Internet	10 words — < 1 %
49	ceh.edu.vn Internet	9 words — < 1 %

giamcannhanh.vn

50	Internet	9 words — < 1 %
51	giaoanmau.com Internet	9 words — < 1 %
52	gspvn.org Internet	9 words — < 1 %
53	i.vietnamdoc.net Internet	9 words — < 1 %
54	nsu.ru Internet	9 words — < 1 %
55	oshiete.goo.ne.jp Internet	9 words — < 1 %
56	tiasang.com.vn Internet	9 words — < 1 %
57	www.keybot.com Internet	9 words — < 1 %
58	yeutrithuc.com Internet	9 words — < 1 %
59	congnghe24h.vn Internet	8 words — < 1 %
60	giothangmuoi.info Internet	8 words — < 1 %
61	inno.com.vn Internet	8 words — < 1 %
62	opac.hnue.edu.vn Internet	8 words — < 1 %

63	Internet	8 words — < 1 %
64	text.123doc.org Internet	8 words — < 1 %
65	text.123docz.net Internet	8 words — < 1 %
66	timtailieu.vn Internet	8 words — < 1 %
67	tongdai111.vn Internet	8 words — < 1 %
68	ttu.edu.vn Internet	8 words — < 1 %
69	www.apollo.edu.vn Internet	8 words — < 1 %
70	www.fgate.com.vn Internet	8 words — < 1 %
71	Đỗ Thị Tố Như, An Biên Thùy, Nguyễn Thị Việt Nga. "XÂY DỰNG NGÂN HÀNG ĐỀ THI THEO HÌNH THỨC VẤN ĐÁP NHẪM ĐÁNH GIÁ PHẨM CHẤT NĂNG LỰC NGƯỜI HỌC", BÁO CÁO KHOA HỌC VỀ NGHIÊN CỨU VÀ GIẢNG DẠY SINH HỌC Ở VIỆT NAM HỘI NGHỊ KHOA HỌC QUỐC GIA LẦN THỨ 6 THÀNH PHỐ HUẾ, 06/7/2024 PROCEEDING OF THE 6TH NATIONAL SCIENTIFIC CONFERENCE ON BIOLOGICAL RESEARCH AND TEACHING IN VIETNAM Hue City, July 6, 2024, 2024 Crossref	8 words — < 1 %
72	Banking Academy Publications	7 words — < 1 %

EXCLUDE QUOTES OFF

EXCLUDE BIBLIOGRAPHY OFF

EXCLUDE SOURCES OFF

EXCLUDE MATCHES OFF